

Control de Maple, CLI4, curso 2023-24

1. (1 PUNTO) Define a matriz $[1 \ 2 \ 3; 4 \ 5 \ 6; 7 \ 8 \ 6]$ (filas separadas por ;) e calcula a súa inversa e os seus autovalores en punto flotante.

```
with(LinearAlgebra)
A := Matrix(3, 3, [1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 6])
A^-1
evalf(Eigenvalues(A))
```

2. (1 PUNTO) Define $f(x) = x \sin x$ como función f de Maple, convírtea en expresión g de Maple e calcula o seu valor en punto flotante para $x = \pi/3$.

```
f:=x->x*sin(x)
g:=f(x)
evalf(subs(x=Pi/3,g))
```

3. (1 PUNTO) Calcula $\lim_{t \rightarrow \infty} \int_0^t x^3 e^{-x} dx$.

```
limit(int(x^3*exp(-x),x=0..t),t=infinity)
```

4. (2 PUNTOS) Mostra o coeficiente de x^4 no desenvolvimento en serie de Taylor de orde 8 da función $\sqrt{1 + x^2 + y^2 + z^2}$ en torno a $(0,0,0)$.

```
coeff(collect(mtaylor(sqrt(x^2+y^2+z^2+1),[x=0,y=0,z=0],8),x),x^4)
```

5. (1 PUNTO) Representa $f(x, y) = \log(1 + \sin^2 x + \cos^2 y)$ en 2D.

```
with(plots):
contourplot(log(1+sin(x)^2+cos(y)^2),x=-Pi..Pi,y=-Pi..Pi,filledregions=true)
```

6. (2 PUNTOS) Resolve o sistema de inecuacións $\{xy - 2x^2 \geq 0, x + xy^2 \leq 1\}$ e represénta gráficamente no recinto $[-1, 1] \times [-1, 0]$ a primeira solución.

```
s:=solve({0<=-2*x^2+x*y,x*y^2+x<=1},{x,y})
with(plots):inequal(s[1],x=-1..1,y=-1..0)
```

7. (2 PUNTOS) Dado o polinomio $p = a^2cx + a^2x^2 - 2acx^2 - 2ax^3 + b^2cx + b^2x^2 + cx^3 + x^4$, onde a, b son parámetros, ordénalo por graos decrecientes de x e atopa tódalas súas raíces en función de a, b .

```
p:=a^3*x-a^2*x^2+a*b^2*x-a*x^3+b^2*x^2+x^4
sort(p,x,descending)
solve(p,x)
```