

Control de Maple, curso 2020-21

1. (1 PUNTO) Define a matriz \mathbf{A} cadrada de orde 3 con valores $a_{ij} = \frac{i+j}{1+i^2+j^2}$ e calcula os seus autovalores en punto flotante.

```
f:=(i,j)->(i+j)/(1+i^2+j^2):A:=Matrix(3,3,f)
with(LinearAlgebra):evalf(Eigenvalues(A))
```

2. (2 PUNTOS) Define como funcións de Maple $f(x, y) = (x + y, xy, x - y)$ e $g(x, y, z) = x + y + z$ e calcula $h(1, 2)$ con $h = g \circ f$.

```
f:=(x,y)->(x+y,y*x,x-y)
g:=(x,y,z)->x+y+z
h:=g@f
h(1,2)
```

3. (1 PUNTO) Representa gráficamente no intervalo $[0, 1]$ a función $\log(1 + x)$ e a súa serie de Taylor de orde 5 en torno a $x = 0$.

```
f:=log(1+x): plot([f,taylor(f,x=0,5)],x=0..1)
```

4. (2 PUNTOS) Representa gráficamente $\frac{y}{x^2 + 1} + \frac{x}{y^2 + 1} = 1$.

```
with(plots):implicitplot(y/(x^2+1)+x/(y^2+1)-1,x=-10..10,y=-10..10)
```

5. (1 PUNTO) Representa gráficamente $\frac{\sin t}{1 + x^2 \cos t}$ con $t = 1 \dots 10$ s.

```
with(plots):animate(sin(t)/(1+cos(t)*x^2),x=-10..10,t=1..10)
```

6. (1 PUNTO) Calcula x_n en función de n sabendo que $x_{n+2} = 3x_{n+1} - 2x_n$ e que $x_1 = 1, x_2 = 2$.

```
rsolve({x(n+2)=3*x(n+1)/(2*x(n)),x(1)=1,x(2)=2},x(n));
```

7. (2 PUNTOS) Calcula $\int_0^\infty \frac{e^{-x} dx}{x^2 + 1}$.

```
evalf(int(exp(-x)/(x^2+1),x=0..infinity))
```