

Control de Maple

1. **(1.5 PUNTOS)** Define o vector fila \mathbf{v} de 5 elementos dados por $v_i = x^i$, con $i = 1 \dots 5$, e calcula $\mathbf{v}\mathbf{v}^T$.

SOLUCIÓN:

```
f:=i->x^i: v:=Vector [row](5 , f)
with (LinearAlgebra): evalm(v&*Transpose(v))
```

2. **(1.5 PUNTOS)** Calcula a derivada segunda da función $f(x) = x^2$ se $x < -5$, $f(x) = \sin(x^2 + x + 1)$ para $|x| \leq 5$ e $f(x) = e^{x/(x+1)}$ para $x > 5$.

SOLUCIÓN:

```
diff(piecewise(x<-5,x^2,x>=-5 and x<=5,sin(x^2+x+1),exp(x/(x+1))),x$2)
```

3. **(1.5 PUNTOS)** Calcula $\lim_{x \rightarrow 0} \int \frac{1 + \cos^2 x}{(1 + \sin^2 x) \cos x} dx$.

SOLUCIÓN:

```
limit(int((1+cos(x)^2)/(cos(x)*(1+sin(x)^2)),x),x=0)
```

4. **(1 PUNTO)** Aproxima a función $f(x) = \frac{x \sen x}{1 + x^2}$ cun polinomio de grao 10 en torno a $x = \infty$.

SOLUCIÓN:

```
taylor(x*sin(x)/(x^2+1),x=infinity,10)
```

5. **(1.5 PUNTOS)** Representa gráficamente $x = e^t \ln t$, $y = \sen(te^t)$.

SOLUCIÓN:

```
plot([ln(t)*exp(t), sin(t*exp(t)), t=1..3])
```

6. **(1.5 PUNTOS)** Calcula $f(n)$ en función de x e y sabendo que $f(n+1) = xf(n) - yf(n-1)$ e que $f(1) = f(2) = 1$.

SOLUCIÓN:

```
rsolve({f(n+1)=x*f(n)-y*f(n-1),f(1)=1,f(2)=1},f(n))
```

7. **(1.5 PUNTOS)** Expresa o polinomio de raíces 0,-1 (dobre), +1 na forma $(x+1)^2x^2 - x(x+1)^2$

SOLUCIÓN:

```
expand(x*(x-1)*(x+1)^2, x+1)
```