

Control Maple

1. (1 PUNTO) Dada a ecuación $e^{a^2x} = b + x$, calcula x en función de a e b . Calcula o valor real en punto flotante de x para $a = 1, b = 2$.

SOLUCIÓN: `solve(exp(a**2 *x) = x+b, x); evalf(subs(a = 1, b = 2, %))`

2. (1 PUNTO) Representa gráficamente a curva dada por $\rho(\theta) = \theta(4 + \sin(3\theta)), \theta \in [0, 2\pi]$

SOLUCIÓN: `with(plots): polarplot(t*(4 + sin(t)), t = 0..2*Pi)`

3. (1 PUNTO) Calcula a seguinte serie numérica: $\sum_{n=1}^k \frac{n^2 - 1}{n^2 + 1}$

SOLUCIÓN: `sum((n**2 - 1)/(n**2 + 1)), n = 1..k)`

4. (1 PUNTO) Calcula x_n como función de n se sabemos que $x_n = 2x_{n-1} - 5x_{n-2}$ e que $x_1 = 0, x_2 = 1$

SOLUCIÓN: `rsolve(x(n) = 2*x(n-1) - 5*x(n-2), x(1)=0,x(2)=1, x(n))`

5. (1 PUNTO) Define a matriz \mathbf{A} cadrada de orde 3 dada por $a_{11} = -1, a_{13} = \pi, a_{21} = x^4$ e os elementos restantes iguais a -1.

SOLUCIÓN: `Matrix(3, 3, {(1,1)=-1, (1,3)=Pi, (2,1)=x**4}, fill = -1)`

6. (1 PUNTO) Define a función de Maple $f(x, y) = \frac{x+y}{x-y}$ e calcula o seu valor no punto $(1, 2)$

SOLUCIÓN: `f:=(x,y)->(x+y)/(x-y); f(1, 2)`

7. (1 PUNTO) Calcula a integral $\int_0^1 \int_{-y}^y e^{x+y} \sin(x) \sin(y) dx dy$

SOLUCIÓN: `int(exp(x+y)*sin(x)*sin(y), [x=-y..y, y = 0..1])`

8. (1 PUNTO) Calcula o máximo común divisor e mínimo común múltiplo dos polinomios $p = x^3 - x$ e $q = x^2 - 1$.

SOLUCIÓN: `p:= x**3 - x; q := x**2 - 1; gcd(p, q); lcm(p, q)`

9. (1 PUNTO) Ordea o polinomio $p(x, y) = x^4y^2 + x^4y + x^2y - xy^5 + x^2y^3$: a) por orde decrecente das potencias en x ; b) por grao total (suma de graos de x e y nun monomio) descendente.

SOLUCIÓN: `p := x**4*y**2 + x**4*y - x*y**5 + x**2*y**3; sort(p, x, descending); sort(p, [x, y], tdeg)`

10. (1 PUNTO) Representa gráficamente a superficie $f(x, y) = \frac{\sin(t\sqrt{x^2+y^2})}{t\sqrt{x^2+y^2}}, x, y, \in [-5, 5], t \in [1, 10]$

SOLUCIÓN: `with(plots); animate3d(sin(t*sqrt(x**2+y**2))/(t*sqrt(x**2+y**2)), x = -5 .. 5, y = -5 .. 5, t = .1 .. 5, frames = 10, axes = normal)`