

Control Maple

1. (1 PUNTO) Simplifica a expresión $\sqrt[3]{\frac{x^6y^5}{1000x^3}}$.

SOLUCIÓN: `simplify((x**6*y**5/(1000*x**3))**(1/3))`

2. (1 PUNTO) Define o vector fila $\mathbf{v} = (x^2, \pi, -1, a + b)$ e calcula $\mathbf{v}\mathbf{v}^T$.

SOLUCIÓN: `v := Vector[row](4, [x**2, Pi, -1, a+b]); with(LinearAlgebra); evalm(v &* Transpose(v))`

3. (1 PUNTO) Resolve o sistema de ecuacións lineais $x + y - z = 2$, $x - y + z = 0$, $-x + y - 2z = 1$.

SOLUCIÓN: `with(LinearAlgebra): LinearSolve(Matrix(3, 4, [1, 1, -1, 2, 1, -1, 1, 0, -1, 1, -2, 1]))`

4. (1 PUNTO) Define a función de Maple $f(x, y) = \sqrt{x^2y + xy^2}$, calcula $\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y}$ e o seu valor no punto $x = 1, y = 1$.

SOLUCIÓN: `f := (x, y) -> sqrt(x**2*y+x*y**2); D[1, 2](f); D[1, 2](f)(1, 1)`

5. (1 PUNTO) Convirte a expresión $\frac{x + ty - a \ln(1 + b)}{y^2 + at - b^3}$ nunha función de Maple f de variábeis a, b .

SOLUCIÓN: `f := unapply((x+t*y-a*ln(1 + b))/(y**2+a*t-b**3), a, b)`

6. (1 PUNTO) Calcula a integral $\int_1^\infty \frac{t+1}{t^3+1} dt$ e o límite $\lim_{x \rightarrow \infty} \int_1^x \frac{t+1}{t^3+1} dt$ (deben coincidir).

SOLUCIÓN: `int((t+1)/(t**3+1), t = 1 .. infinity); limit(int((t+1)/(t**3+1), t = 1 .. x), x = infinity)`

7. (1 PUNTO) Calcula a suma $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n+1}{n^3+1}$ e o límite $\lim_{k \rightarrow \infty} \sum_{n=1}^k \frac{n+1}{n^3+1}$ (deben coincidir).

SOLUCIÓN: `sum((n+1)/(n**3+1), n = 1 .. infinity); limit(sum((n+1)/(n**3+1), n = 1 .. k), k = infinity)`

8. (1 PUNTO) Representa o lugar xeométrico dado pola ecuación $\rho = \sin^2(\theta)\sin^2(\phi)$, $\rho \in [0, 1]$, $\theta \in [0, 2\pi]$, $\phi \in [0, \pi]$.

SOLUCIÓN: `with(plots); implicitplot3d(rho = sin(phi)**2*sin(theta)**2, rho = 0 .. 1, theta = 0 .. 2*Pi, phi = 0 .. Pi, coords = spherical, axes = normal)`

9. (1 PUNTO) Atopa as solucións enteiras do sistema de ecuacións $x - y + z = 0$, $x + y - z = 0$.

SOLUCIÓN: `isolve({x-y+z = 0, x+y-z = 0}, k)`

10. (1 PUNTO) Manipula a expresión $x^2(x + x(x - 5)x^3 + x^2)$ convertíndo-a nun polinomio ordeado por graos crecientes.

SOLUCIÓN: `p := x**2*(x+x*(x-5)*(x**3)+x**2); sort(expand(p), x, 'ascending')`